

Hari Sutrisno  
A. K. Prodjosantoso  
Dyah Purwaningsih

Widy PRESS



# FUNDAMENTAL KRISTALOKIMIA

# **FUNDAMENTAL KRISTALOKIMIA**

**UNDANG-UNDANG REPUBLIK INDONESIA**  
**NOMOR 28 TAHUN 2014**  
**TENTANG HAK CIPTA**

**Pasal 2**

Undang-Undang ini berlaku terhadap:

- a. semua Ciptaan dan produk Hak Terkait warga negara, penduduk, dan badan hukum Indonesia;
- b. semua Ciptaan dan produk Hak Terkait bukan warga negara Indonesia, bukan penduduk Indonesia, dan bukan badan hukum Indonesia yang untuk pertama kali dilakukan Pengumuman di Indonesia;
- c. semua Ciptaan dan/atau produk Hak Terkait dan pengguna Ciptaan dan/atau produk Hak Terkait bukan warga negara Indonesia, bukan penduduk Indonesia, dan bukan badan hukum Indonesia dengan ketentuan:
  1. negaranya mempunyai perjanjian bilateral dengan negara Republik Indonesia mengenai pelindungan Hak Cipta dan Hak Terkait; atau
  2. negaranya dan negara Republik Indonesia merupakan pihak atau peserta dalam perjanjian multilateral yang sama mengenai pelindungan Hak Cipta dan Hak Terkait.

**BAB XVII**  
**KETENTUAN PIDANA**

**Pasal 112**

Setiap Orang yang dengan tanpa hak melakukan perbuatan sebagaimana dimaksud dalam Pasal 7 ayat (3) dan/atau Pasal 52 untuk Penggunaan Secara Komersial, dipidana dengan pidana penjara paling lama 2 (dua) tahun dan/atau pidana denda paling banyak Rp300.000.000,00 (tiga ratus juta rupiah).

- (1) Setiap Orang yang dengan tanpa hak melakukan pelanggaran hak ekonomi sebagaimana dimaksud dalam Pasal 9 ayat (1) huruf i untuk Penggunaan Secara Komersial dipidana dengan pidana penjara paling lama 1 (satu) tahun dan/atau pidana denda paling banyak Rp100.000.000 (seratus juta rupiah).
- (2) Setiap Orang yang dengan tanpa hak dan/atau tanpa izin Pencipta atau pemegang Hak Cipta melakukan pelanggaran hak ekonomi Pencipta sebagaimana dimaksud dalam Pasal 9 ayat (1) huruf c, huruf d, huruf f, dan/atau huruf h untuk Penggunaan Secara Komersial dipidana dengan pidana penjara paling lama 3 (tiga) tahun dan/atau pidana denda paling banyak Rp500.000.000,00 (lima ratus juta rupiah).
- (3) Setiap Orang yang dengan tanpa hak dan/atau tanpa izin Pencipta atau pemegang Hak Cipta melakukan pelanggaran hak ekonomi Pencipta sebagaimana dimaksud dalam Pasal 9 ayat (1) huruf a, huruf b, huruf e, dan/atau huruf g untuk Penggunaan Secara Komersial dipidana dengan pidana penjara paling lama 4 (empat) tahun dan/atau pidana denda paling banyak Rp1.000.000.000,00 (satu miliar rupiah).
- (4) Setiap Orang yang memenuhi unsur sebagaimana dimaksud pada ayat (3) yang dilakukan dalam bentuk pembajakan, dipidana dengan pidana penjara paling lama 10 (sepuluh) tahun dan/atau pidana denda paling banyak Rp4.000.000.000,00 (empat miliar rupiah).

# **FUNDAMENTAL KRISTALOKIMIA**

Hari Sutrisno  
A. K. Prodjosantoso  
Dyah Purwaningsih



# **FUNDAMENTAL KRISTALOKIMIA**

Cetakan I, Januari 2024

Penyusun :

Hari Sutrisno

A. K. Prodjosantoso

Dyah Purwaningsih

Tata Letak :

PeTeWe

Desain Sampul :

Ngadimin

ISBN :

978-602-498-641-4

Diterbitkan oleh :

**UNY Press**

Jl. Gejayan, Gg. Alamanda, Kompleks Fakultas Teknik UNY

Kampus UNY Karangmalang Yogyakarta 55281

Telp: 0274 – 589346

Mail: unypenerbitan@uny.ac.id

*Anggota Ikatan Penerbit Indonesia (IKAPI)*  
*Anggota Asosiasi Penerbit Perguruan Tinggi Indonesia (APPTI)*

## Prakata

Puji syukur kehadirat Allah SWT atas limpahan rahmat dan karunia-Nya sehingga buku teks dan buku referensi yang berjudul "**Fundamental Kristalokimia**" dapat diselesaikan dengan sangat baik. Buku ini merupakan buku teks dan referensi yang berguna sebagai acuan para mahasiswa dari berbagai bidang keahlian kimia anorganik, kimia zat padat, kristalokimia, kimia material, mineralogi dll. Isi buku ini diambil dari literatur jurnal, review, buku, dan hasil-hasil penelitian.

Kristalografi merupakan ilmu yang mempelajari tentang kristal. Kristalografi merupakan subjek yang sangat tua, namun pada abad ini, kristalografi berkembang menjadi ilmu pengetahuan modern, setelah ditemukannya sinar-X dan fenomena, prinsip serta konsep difraksinya pada kristal. Dalam beberapa tahun terakhir, kristalografi dianggap sebagai peran yang semakin penting dalam ilmu-ilmu modern karena sifatnya yang interdisipliner, yang telah bertindak sebagai jembatan antara, dan seringkali sebagai stimulus untuk berbagai disiplin ilmu yang berkembang pesat. Ilmu kimia, fisika, ilmu bumi, biologi, matematika, dan ilmu material, telah memberikan rangsangan untuk pengembangan minat dan teknik kristalografi baru. Pada gilirannya, kristalografi telah memberikan kontribusi signifikan terhadap kemajuan ilmu-ilmu ini. Jadi, sementara di satu sisi kristalografi telah diperkaya, di sisi lain menulis buku teks yang menjelaskan semua aspeknya menjadi lebih sulit.

Baru-baru ini, permintaan akan buku ringkas yang memberikan penjelasan komprehensif tentang mata perkuliahan kristalografi modern telah meningkat. Oleh karena itu, buku ini diharapkan menjadi buku teks dan referensi yang berguna untuk perkuliahan di universitas yang mencakup kimia struktur anorganik, kimia zat padat, kristalografi, seluruhnya atau hanya sebagian. Ini juga diharapkan berguna pada tingkat yang lebih tinggi yang diperlukan untuk studi magister dan doktoral serta untuk peneliti berpengalaman.

Dengan ide-ide tersebut di atas, penulis mengkoordinasikan pada tahun 2023 untuk menulis sebuah buku teks dalam bahasa Indonesia “**Fundamental Kristalokimia**”. Jelas bagi penulis bahwa (a) buku ini ditulis oleh beberapa penulis yang memiliki keahlian khususnya, dan (b) bab-bab yang berbeda harus diselaraskan atau disinkronkan dengan hati-hati agar sesuai dengan rencana terpadu. Tampak bagi penulis bahwa kedua persyaratan ini dilakukan dengan sungguh-sungguh dan sevalid mungkin agar terlaksana kerjasama kreatif dari rekan penulis buku ini. Penulis ingin mengucapkan terima kasih atas kontribusi mereka yang berharga untuk edisi ini.

Penulis mengucapkan banyak terima kasih kepada semua pihak yang telah memberikan banyak masukan kepada penulis. Tulisan ini masih jauh dari sempurna, untuk itu diharapkan kritik dan saran ke arah perbaikan buku ini. Semoga buku ini dapat memberi manfaat bagi para peneliti dan semua pihak yang membutuhkan.

Yogyakarta, 9 Oktober 2023

Penulis



## **Ucapan Terima Kasih**

Penulis mengungkapkan rasa terima kasih kami kepada Rektor UNY, Dekan FMIPA dan Ketua Departemen Pendidikan Kimia, FMIPA Universitas Negeri Yogyakarta yang telah mendorong kami untuk menulis buku ini melalui Program Penulisan Buku Tahun 2023 dari dana DIPA Bidang Akademik dan Kemahasiswaan Universitas Negeri Yogyakarta Tahun 2023. Penulis juga berterima kasih kepada banyak pihak dan kolega yang telah mengomentari naskah atau memberikan dukungan teknis.





# **Daftar Isi**

PRAKATA.....	v
UCAPAN TERIMA KASIH.....	vii
DAFTAR ISI.....	ix
DAFTAR TABEL.....	xiii
DAFTAR GAMBAR .....	xv
 <b>BAB 1</b>	
PERTUMBUHAN DAN MORFOLOGI KRISTAL .....	<b>1</b>
1.1. Pendahuluan .....	1
1.2. Tinjauan Sejarah Fundamental Kristal .....	4
1.3. Metode Pertumbuhan Kristal .....	8
1.3.1. Pertumbuhan kristal dari lelehan .....	8
1.3.2. Pertumbuhan kristal dari larutan .....	25
1.3.3. Pertumbuhan kristal dari fasa uap.....	36
1.4. Morfologi Kristal.....	52
 <b>BAB 2</b>	
SIMETRI DAN GRUP MOLEKUL.....	<b>59</b>
2.1. Pendahuluan .....	59
2.2. Unsur dan Operasi Simetri Molekul .....	61
2.2.1. Unsur simetri .....	62
2.2.2. Operasi simetri .....	63
2.3. Grup Titik ( <i>Point Group</i> ) Molekuler .....	73
2.3.1. Klasifikasi grup titik.....	74
2.3.2. Identifikasi grup titik molekul.....	86
 <b>BAB 3</b>	
GEOMETRI KRISTALOGRAFI.....	<b>91</b>
3.1. Pendahuluan .....	91
3.2. Kristal .....	92

3.3. Geometri Analitik .....	93
3.3.1. Sistem koordinat.....	93
3.3.2. Persamaan bidang.....	95
3.3.3. Sistem koordinat resiprok.....	97
3.3.4. Perbandingan aksial.....	98
3.3.5. Zona dan sumbu zona .....	99
3.4. Hukum dan Postulat Keristalografi.....	100
3.4.1. Hukum konstanta sudut .....	100
3.4.2. Hukum indeks rasional .....	102
3.4.3. Postulat kristalografi .....	106
3.5. Pola dan Motif.....	107
3.6. Proyeksi Stereografi.....	108

## BAB 4

<b>SIMETRI DAN KLASIFIKASI KRISTAL.....</b>	<b>117</b>
4.1. Pendahuluan.....	117
4.2. Prinsip simetri dalam kimia kristal .....	119
4.3. Unsur dan Operasi Simetri Kristalografi.....	121
4.4. Simetri Titik dan Simetri Ruang .....	122
4.4.1. Simetri titik.....	122
4.4.2. Simetri ruang .....	126
4.5. Kisi-Kisi Kristal .....	131
4.5.1. Konsep kisi-kisi dan sel satuan .....	131
4.6. Klasifikasi Kristal .....	133
4.6.1. Tujuh sistem kristal .....	134
4.6.2. Empat belas kisi-kisi Bravais.....	137
4.6.3. Sebelas Kelas Laue .....	138
4.6.4. Tiga puluh dua kelas kristal: grup aksial.....	139
4.6.5. Grup titik non-kristallografi.....	143
4.6.6. 230 grup ruang.....	144

## BAB 5

<b>STRUKTUR KRISTAL .....</b>	<b>153</b>
5.1. Pendahuluan.....	153

5.2. Sel Satuan ( <i>Unit Cell</i> ) .....	154
5.3. Kisi-Kisi Kristal .....	154
5.4. Kisi Kristal Satu Dimensi.....	156
5.5. Kisi Kristal Dua Dimensi .....	159
5.6. Kisi Kristal Tiga Dimensi .....	162
5.7. Faktor Pengisian .....	164
5.8. Notasi Pearson dan Struktur Prototipe .....	164
5.9. Material Tipe Struktur Sederhana .....	166
5.9.1. Struktur kristal logam .....	167
5.9.2. Struktur kristal biner sederhana.....	185
5.9.3. Struktur kristal biner: logam transisi dioksida.....	196

## BAB 6

<b>DIFRAKSI SINAR-X .....</b>	<b>205</b>
6.1. Pendahuluan.....	205
6.2. Sinar-X.....	206
6.3. Produksi Sinar-X .....	208
6.4. Difraksi Sinar-X .....	217
6.5. Superposisi gelombang.....	219
6.6. Geometri Difraktometer Sinar-X .....	221
6.7. Komponen Difraktometer Sinar-X.....	223
6.7.1. Sumber sinar-X .....	223
6.7.2. Spesimen .....	225
6.7.3. Optik .....	227
6.7.4. Detektor.....	231
6.8. Pemeriksaan Pola Difraksi Sinar-X Standar.....	239
6.9. Sumber Informasi .....	243
6.10. Keamanan Sinar-X .....	249

## BAB 7

<b>ANALISIS STRUKTUR KRISTAL DARI DATA XRD SERBUK.....</b>	<b>251</b>
7.1. Pendahuluan .....	251
7.2. Hukum Bragg dan Hukum Ortogonalitas.....	252
7.3. Faktor Struktur .....	255

7.4. Bidang-bidang Kristal ( <i>hkl</i> ) pada Struktur Kubik .....	257
7.4.1. Struktur Kubik Primitif ( <i>P</i> ).....	257
7.4.2. Struktur Kubik Pusat Badan ( <i>I</i> ).....	258
7.4.3. Struktur Kubik Pusat Muka ( <i>F</i> ) .....	259
7.5. Bidang-bidang Kristal ( <i>hkl</i> ) Heksagonal Kemas rapat ( <i>hcp</i> ) .....	261
7.6. Penggunaan Data Difraksi Sinar-X .....	263
7.6.1. Analisis fasa kristal secara kualitatif.....	263
7.6.2. Kemurnian fasa.....	265
7.6.3. Penentuan struktur kristal: struktur kubik.....	266
7.6.4. Penentuan struktur kristal: struktur heksagonal.....	271
7.6.5. Indeksasi pola difraksi .....	272
7.6.6. Perhitungan parameter kisi.....	275
7.6.7. Pemurnian struktur .....	276
7.6.8. Ukuran kristalit.....	276
<b>DAFTAR PUSTAKA .....</b>	<b>279</b>

## Daftar Tabel

Tabel 2.1.	Unsur dan Operasi Simetri .....	63
Tabel 2.2.	Grup titik yang sangat simetris: (a). linier ( $D_{\infty h}$ dan $C_{\infty v}$ ) dan (b). polihedral ( $T_d$ , $O_h$ , dan $I_h$ ) .....	79
Tabel 2.3.	Grup titik dengan simetri rendah .....	81
Tabel 2.4.	Grup titik dengan sumbu rotasi n ( $C_n$ ) .....	83
Tabel 2.5.	Grup titik dihedral .....	85
Tabel 2.6.	Grup titik dengan unsur simetrinya .....	86
Tabel 4.1.	Operasi simetri: simbol Hermann–Mauguin dan Schoenflies .....	122
Tabel 4.2.	Simbol dan vektor luncuran .....	130
Tabel 4.3.	Karakteristik Tujuh sistem kristal .....	136
Tabel 4.4.	Tujuh jenis kelas kristal aksial.....	139
Tabel 4.5.	230 grup ruang .....	148
Tabel 5.1.	Lima kisi kristal dua-dimensi.....	162
Tabel 5.2.	Empat belas kisi Bravais.....	163
Tabel 5.3.	Nomenklatur sel satuan ( <i>unit cell</i> ) .....	163
Tabel 5.4.	Simbol Pearson sesuai dengan 14 kisi Bravais .....	165
Tabel 5.5.	<i>Strukturbericht</i> : simbol and nama tipe strukur kristal sederhana.....	166
Tabel 5.6.	Parameter kisi (Å) diperoleh pada kondisi normal untuk senyawa golongan III-V mengkristal dalam tipe struktur <i>zinc blende</i> .....	187
Tabel 5.7.	Parameter kisi (Å) diperoleh pada kondisi normal untuk senyawa Be-VI and Logam Transisi-VI mengkristal dalam tipe struktur <i>zinc blende</i> .....	187
Tabel 5.8.	Parameter kisi (Å) diperoleh pada kondisi normal untuk senyawa Logam Transisi-VII mengkristal dalam tipe struktur <i>zinc blende</i> .....	187
Tabel 5.9.	Parameter kisi (Å) diperoleh dalam kondisi normal untuk senyawa II-VII dan hidrida, silisida, oksida, dan fluorida dari beberapa logam transisi, semuanya mengkristal dalam struktur fluorit. Selain itu, ditampilkan $\beta$ -PbF <sub>2</sub> dan $\alpha$ -PoO <sub>2</sub> .....	189
Tabel 5.10.	Parameter kisi dihasilkan dibawah kondisi normal senyawa biner yang mengkristal dengan strukur wurtzite .....	195

Tabel 5.11.	Perbandingan antara jarak atom tetangga terdekat untuk struktur <i>zinc blende</i> dan struktur wurtzite dari beberapa senyawa biner .....	196
Tabel 5.12.	Parameter kisi berbagai alotrop TiO <sub>2</sub> dan berat jenis.....	198
Tabel 6.1.	Energi tingkat K, L <sub>II</sub> , dan L <sub>III</sub> Molibdenum .....	213
Tabel 6.2.	Beberapa Panjang Gelombang Sinar-x dengan K yang umum Digunakan (dalam nm) .....	215
Tabel 6.3.	Panjang Gelombang dan filter $\beta$ .....	217
Tabel 6.4.	Detail Data yang Tersedia di File JCPDS-ICDD .....	248
Tabel 6.5.	Kelompok d spacings (dalam Å) di Manual Pencarian FDF (Metode Hanawalt) .....	248
Tabel 7.1.	Rumus untuk jarak $d$ dan volume sel satuan dari semua sistem kristal .....	254
Tabel 7.2.	Bidang-bidang ( $hkl$ ) yang muncul pada struktur kristal kubik primitif ( $P$ ), kubik pusat badan ( $I$ ), dan kubik pusat muka ( $F$ ) .....	261
Tabel 7.4.	Aturan Seleksi untuk Kemunculan dan Ketidakmunculan Refleksi.....	269
Tabel 7.5.	Indeksasi data difraksi serbuk .....	270
Tabel 7.6.	Nilai $\sin^2\theta$ dari garis yang terobservas.....	271
Tabel 7.7.	Nilai $\frac{4}{3}(h^2 + hk + k^2)$ .....	273
Tabel 7.8.	Harga $l^2/(c/a)^2$ untuk zink ( $c/a = 1,8563$ ) .....	273
Tabel 7.9.	Harga $\frac{4}{3}(h^2 + hk + k^2) + l^2/(c/a)^2$ untuk berbagai bidang $hkl$	274

<sup>3</sup>

## Daftar Gambar

Gambar 1.1.	Struktur nyata kristal dan pola difraksi.....	3
Gambar 1.2.	(a). Metode Verneuil dan (b). Diagram skema alat pertumbuhan kristal dengan metode Verneuil .....	10
Gambar 1.3.	Metode Czochralski untuk pertumbuhan kristal.....	11
Gambar 1.4.	(a) Metode Stockbarger. $T_m$ = titik leleh kristal (b) Metode Bridgman. Pengulangan: $T_1$ , $T_2$ dan $T_3$ ditampilkan.....	12
Gambar 1.5.	Metode pelelehan zona .....	14
Gambar 1.6.	(A) Gambar peralatan Nacken yang mengilustrasikan pertumbuhan kristal dengan menggunakan "bibit kristal" yang dimasukkan ke dalam permukaan lelehan. (B) Diagram skema dari pengaturan eksperimental Kyropoulos dengan tanpa "bibit kristal" .....	16
Gambar 1.7.	Diagram skema dari autoklaf kuarsa hidrotermal...	32
Gambar 1.8.	Diagram fasa P-T pada bomb hidrotermal dengan Tekanan dikontrol baik secara eksternal.....	33
Gambar 1.9.	Berbagai bentuk kristal. (a) Kristal polihedral; (b) kristal hopper; (c) kristal dendritik (kristal salju)...	53
Gambar 1.10.	Morfologi kristal tunggal (polihedral, hopper, dendritik) dan agregat polikristalin (sperulitik dan fraktal) dalam kaitannya dengan laju pertumbuhan R, kekuatan pendorong, kekasaran antarmuka (halus dan kasar) dan mekanisme pertumbuhan ....	54
Gambar 1.11.	Morfologi internal yang diharapkan dalam kristal tunggal karena perubahan parameter pertumbuhan selama pembentukan kristal tunggal. Panah di masing-masing diagram R vs. $\Delta\mu/kT$ menunjukkan rute perubahan kondisi kekuatan pendorong selama proses pertumbuhan.	56
Gambar 1.12.	Berbagai batas sektor pertumbuhan: Tiga angka di atas menunjukkan batas-batas sektor pertumbuhan yang diharapkan dalam kaitannya dengan tingkat pertumbuhan relatif RA dan RB. Dua angka yang lebih rendah menunjukkan batas-batas sektor pertumbuhan yang benar-benar diamati.....	57

Gambar 2.1.	Simetri dari bunga dan tumbuhan .....	60
Gambar 2.2.	Simetri dari hewan: kupu-kupu dan formasi burung terbang .....	61
Gambar 2.3.	Simetri dari bangunan: Taj Mahal dan gedung MPR-DPR .....	61
Gambar 2.4.	Molekul CHBrFCI yang hanya memiliki operasi identitas.....	64
Gambar 2.5.	Sumbu C <sub>2</sub> dalam H <sub>2</sub> O .....	66
Gambar 2.6.	Sumbu C <sub>3</sub> dalam NH <sub>3</sub> .....	66
Gambar 2.7.	Dua pandangan SF <sub>6</sub> menunjukkan C <sub>4</sub> dan Sumbu C <sub>3</sub> Pada gambar di sebelah kanan, C <sub>3</sub> sumbu tegak lurus terhadap kertas dan melewati atom S .....	67
Gambar 2.8.	Dua pandangan sikloheksana menunjukkan sumbu utama C <sub>3</sub> (tegak lurus terhadap kertas pada gambar di sebelah kanan) dan tiga sumbu C <sub>2</sub> sekunder.....	67
Gambar 2.9.	Dua bidang vertikal ( $\sigma_v$ ) dalam H <sub>2</sub> O.....	69
Gambar 2.10.	Bidang molekular $\sigma_h$ dalam (a). trans-N <sub>2</sub> F <sub>2</sub> dan (b). trans-1,5,9 siklododekatriene.....	70
Gambar 2.11.	Sumbu simetri C <sub>2</sub> dan sumbu C <sub>2</sub> dalam BrF <sub>4</sub> .....	71
Gambar 2.12.	Operasi S <sub>6</sub> pada etena .....	73
Gambar 2.13.	Dua orientasi CH <sub>4</sub> menunjukkan arah sumbu C <sub>3</sub> dan C <sub>2</sub> .....	73
Gambar 2.14.	Objek yang dibangun untuk grup titik: (a) C <sub>∞v</sub> dan (b) D <sub>∞h</sub> .....	76
Gambar 2.15.	(a) Sistem sumbu yang digunakan untuk molekul tetrahedral: metana (CH <sub>4</sub> ), menunjukkan posisi sumbu simetri. (b) Salah satu dari 6 bidang cermin $\sigma_d$ dalam grup titik T <sub>d</sub> .....	77
Gambar 2.16.	Contoh molekul dengan grup titik T <sub>i</sub> atau T <sub>h</sub> : (a) [Fe(C <sub>5</sub> H <sub>5</sub> N) <sub>6</sub> ] <sup>2+</sup> dan [M(NO <sub>2</sub> ) <sub>6</sub> ] <sup>n-</sup> (M = Co dengan n = 3; M=Ni dengan n=4) yang dilihat pada arah sumbu C <sub>3</sub> .....	77
Gambar 2.17.	Dua tampilan SF <sub>6</sub> menunjukkan sumbu C4 dan C3. Pada gambar di sebelah kanan, sumbu C3 tegak lurus dengan kertas dan melewati atom S.....	78
Gambar 2.18.	Perspektif C <sub>60</sub> (I <sub>h</sub> ): arah sumbu C <sub>2</sub> , C <sub>3</sub> dan C <sub>5</sub> .....	78
Gambar 2.19.	Tionil halida (SOX <sub>2</sub> ) dan amina sekunder (R <sub>2</sub> NH): contoh simetri C <sub>s</sub> .....	80
Gambar 2.20.	Contoh molekul dengan simetri C <sub>i</sub> .....	81

Gambar 2.21.	Kation $[\text{Cr}(\text{en})_3]^{3+}$ merupakan representatif senyawa kompleks logam tris-chelated dengan gruk titik $D_3$ .....	84
Gambar 2.22.	Contoh molekul yang termasuk dalam grup titik $D_{2h}$ , $D_{3h}$ , $D_{5h}$ dan $D_{6h}$ .....	84
Gambar 2.23.	Bagan alir untuk identifikasi sistematis grup titik molekul .....	87
Gambar 2.24.	Tiga sumbu simetri $C_2$ pada allene .....	89
Gambar 3.1.	Sel satuan struktur kristal natrium klorida.....	91
Gambar 3.2.	Kristal ortorombik ideal dengan sumbu kristalografi .....	94
Gambar 3.3.	Sumbu kristalografi dan sudut antar sumbu.....	94
Gambar 3.4.	Penggunaan aturan tangan kanan sebagai sumbu kristalografi .....	95
Gambar 3.5.	Bidang ABC pada ruang tiga dimensi.....	96
Gambar 3.6.	Basis non-kesatuan ( <i>non-unitary</i> ), koordinat titik ...	97
Gambar 3.7.	Persamaan sebuah bidang berbasis non-kesatuan..	97
Gambar 3.8.	Sumbu kristalografi dan resiprok .....	98
Gambar 3.9.	Zirkon ( $\text{ZrSiO}_4$ ): suatu kristal dengan simetri tinggi	99
Gambar 3.10.	Representasi muka dari kristal vertikal heksagonal	101
Gambar 3.11.	Penggambaran bagian kanan dari prisma dua kristal kuarsa .....	101
Gambar 3.12.	Prinsip Bernhardi: tiga polihedral dengan sudut yang sama pada $60^\circ$ dan $90^\circ$ antar permukaan normal .....	102
Gambar 3.13.	Perpotongan bidang kristalografi .....	103
Gambar 3.14.	Indeks Miller-Bravais ( $hkl$ ). Sumbu-sumbu kristalografik .....	105
Gambar 3.15.	Indeks Miller-Bravais ( $hkl$ ) .....	106
Gambar 3.16.	(a). Motif yang sama dengan pola yang sempurna dan (b). Susunan teratur motif acak tetapi bukan pola.....	108
Gambar 3.17.	Proyeksi stereografik .....	109
Gambar 3.18.	Proyeksi stereografik kelas kristal (grup titik): 4	110
Gambar 3.19.	Kristal kubik menunjukkan tiga bentuk bidang: kubus-b, e, d, dan bidang muka sejajar; oktahedron-r, m, n, q, dan bidang muka sejajar; rombik dodekahedron-f, g, p, 0, c, a, dan bidang muka sejajar.....	

Gambar 3.20.	Proyeksi bentuk bola dari kristal kubik .....	111
Gambar 3.21.	Stereogram kristal pada Gambar 3.19. Lingkaran zona (lingkaran besar) $G_1G'_1$ , simbol sumbu zona [101], melewati e, q, a, n, e', q', a', n'; lingkaran zona $G_2G'_2$ simbol sumbu zona [110], melewati f, r, d, q', i', r', d', q' .....	112
Gambar 3.22.	Jaring-jaring Wuff .....	113
Gambar 3.23.	Stereogram pada Gambar 3.21 yang telak di indeks Miller.....	114
Gambar 3.24.	Kristal pada Gambar 3.19 dengan menampilkan indeks Miller .....	115
Gambar 4.1.	Operasi dan unsur simetri rotasi .....	123
Gambar 4.2.	Operasi dan unsur simetri refleksi dan inversi .....	124
Gambar 4.3.	Operasi dan unsur simetri translasi .....	126
Gambar 4.4.	Operasi dan unsur simetri rotoinversi .....	127
Gambar 4.5.	Operasi dan unsur simetri rotorefleksi ( $S_n$ ) dan rotoinversi ( $I_n$ ) .....	127
Gambar 4.6.	Operasi dan unsur simetri sekrup: $2_1$ .....	128
Gambar 4.7.	Operasi dan unsur simetri sekrup: $4_1, 4_2$ , dan $4_3$ .....	129
Gambar 4.8.	Operasi dan unsur simetri bidang luncur atau bidang gelincir.....	130
Gambar 4.9.	Bidang luncur atau bidang gelincir.....	131
Gambar 4.10.	Baris, jaring, dan kisi .....	132
Gambar 4.11.	(a) Kisi dua dimensi menunjukkan pilihan sel satuan yang berbeda. (b) Sel satuan primitif untuk kisi tiga dimensi .....	132
Gambar 4.12.	Klasifikasi kristal .....	134
Gambar 4.13.	Dua sel rombohedral ditampilkan dalam satu sel heksagonal .....	135
Gambar 4.14.	Empat belas kisi Bravais .....	137
Gambar 4.15a.	Representasi tiga dimensi dari 32 kelas kristal .....	142
Gambar 4.15b.	Representasi tiga dimensi dari 32 kelas kristal (lanjutan).....	143
Gambar 4.16.	Lima grup urutan tak terbatas yang berisi sumbu rotasi unik .....	144
Gambar 4.17.	Penjelasan simbol-simbol pada Tabel Internasional: grup $Cc$ .....	151
Gambar 5.1.	Bagian kisis-kisi.....	154

Gambar 5.2.	Struktur yang lebih kompleks di mana motif terdiri dari empat molekul berorientasi berbeda ( $C_5H_5)_3Sb$	155
Gambar 5.3.	Pembentukan jaring: (a) Baris (kisi satu dimensi) dari titik-titik yang berjarak sama. (b) Tumpukan baris yang teratur membentuk jaring .....	156
Gambar 5.4.	Tiga struktur kristal satu dimensi yang berbeda: (a). pengulangan periodik atom identik, (b). pengulangan periodik dari sebuah blok bangunan yang terdiri dari dua atom yang berbeda, dan (c). pengulangan periodik dari blok bangunan yang terdiri dari dua atom identik .....	157
Gambar 5.5.	Dua susunan titik kisi yang berbeda terhadap atom struktur kristal, untuk struktur dari Gambar 5.2. Dalam kedua kasus, susunan atom dalam struktur kristal terlihat sama dari titik kisi mana pun.....	158
Gambar 5.6.	Berbagai pilihan sel unit primitif dalam kisi .....	159
Gambar 5.7.	Pilihan sel: kisi primitif (1 & 2) dan pusat kisi (no. 3) .....	160
Gambar 5.8.	Jaring persegi panjang dengan sel unit p.....	161
Gambar 5.9.	Jaring persegi panjang dengan sel unit p dan c .....	162
Gambar 5.10.	Struktur logam yang paling umum.....	168
Gambar 5.11.	Model bola yang mengisi ruang dalam pola kubik sederhana .....	169
Gambar 5.12.	(a). Sel satuan dari struktur kubik pusat badan. (b). Sebuah bidang yang dibatasi dua diagonal badan kubus yang ditunjukkan pada (a) .....	170
Gambar 5.13.	Sel satuan kubik dari A2: prototipe struktur tungsten (W) .....	172
Gambar 5.14.	(a) Sel satuan dari struktur fcc. (b) Bidang muka depan kubus dari (a) dengan penampang 5 atom dianggap bola keras. Titik kontak antara atom tetangga terdekat ditemukan di bidang ini .....	172
Gambar 5.15.	Sel satuan kubik dari A1: prototipe struktur tembaga (Cu).....	174
Gambar 5.16.	Lapisan bola kemas rapat yang merupakan struktur dua dimensi dari heksagonal kemas rapat	174
Gambar 5.17.	Pusat bola lapisan pertama dan proyeksi pusat bola lapisan kedua dalam susunan bola yang sama.....	175

Gambar 5.18.	(a) dan (b) menunjukkan dua susunan bola yang sama besar. Kasus yang dijelaskan dalam (a) berbeda dari kasus di (b) dalam posisi bola dari lapisan ketiga sehubungan dengan bola dari lapisan pertama dan kedua .....	176
Gambar 5.19.	Struktur <i>fcc</i> dipandang sebagai struktur yang rapat (kubik kemas rapat). Tiga lapisan berturut-turut dari struktur ini ditandai sebagai <b>A</b> , <b>B</b> , dan <b>C</b> .....	178
Gambar 5.20.	<b>ABAB</b> ... susunan lapisan atom dalam struktur <i>hcp</i> ..	178
Gambar 5.21.	Sel satuan konvensional dari struktur <i>hcp</i> ditentukan oleh basis vektor: $\vec{a}$ , $\vec{b}$ , $\vec{c}$ .....	179
Gambar 5.22.	Posisi dua atom dalam sel satuan heksagonal dari struktur <i>hcp</i> . Koordinat dinyatakan dalam satuan <i>a</i> dan <i>c</i> .....	180
Gambar 5.23.	Sel satuan heksagonal dari struktur magnesium A3: (a) tampilan perspektif; (b) proyeksi ke bawah sumbu <i>c</i> .....	181
Gambar 5.24.	Sebanyak 6 atom dari 12 atom tetangga terdekat bertanda 4 (yang bertanda 1-3, dan 5-7) terletak di simpul sel satuan heksagonal. Vektor $\vec{r}$ memberikan posisi atom yang ditandai sebagai 4 ..	181
Gambar 5.25.	Struktur heksagonal ganda kemas rapat dengan urutan lapis atom ABACABAC.....	183
Gambar 5.26.	Prisma heksagonal untuk tiga dari empat struktur padat yang dibahas: <i>hcp</i> , <i>dhcp</i> , dan tipe $\alpha$ -Sm dengan urutan lapis atom <i>hcp</i> dua dimensi ditampilkan .....	184
Gambar 5.27.	Prisma heksagonal untuk struktur <i>ccp</i> ( <i>fcc</i> ) (ratio parameter sel adalah $c/a = \sqrt{6}$ ). Terlihat jelas urutan lapis atom A, B, dan C.....	185
Gambar 5.28.	Dua sel satuan kubik untuk struktur campuran seng ZnS: satu dengan kation $Zn^{2+}$ dan satu lagi dengan anion $S^{2-}$ pada ujung sel satuan .....	186
Gambar 5.29.	Sel satuan kubik untuk struktur $CaF_2$ . Dalam kubus ujung sel satuan ditempati kation $Ca^{2+}$ di (a) dan anion $F^-$ di (b) .....	188
Gambar 5.30.	(a) Tetrahedron reguler yang ditentukan oleh atom tetangga terdekat dari anion $F^-$ dalam $CaF_2$ ,	

	dan (b) Kubus didefinisikan oleh atom tetangga terdekat dari kation $\text{Ca}^{2+}$ dalam $\text{CaF}_2$ .....	188
Gambar 5.31.	Sel satuan kubik $\text{Li}_2\text{O}$ yang mengkristal dalam struktur anti-fluorit. Pada ujung kubus ditempatkan anion $\text{O}^{2-}$ di (a) dan kation $\text{Li}^+$ di (b) ..	191
Gambar 5.32.	(a) Tetrahedron reguler yang ditentukan oleh atom tetangga terdekat dari kation Li dalam $\text{Li}_2\text{O}$ , dan (b) Kubus ditentukan oleh atom tetangga terdekat dari anion $\text{O}^{2-}$ dalam $\text{Li}_2\text{O}$ .....	191
Gambar 5.33.	Prisma heksagonal untuk $\text{ZnS}$ dalam struktur wurtzite, dengan kation $\text{Zn}^{2+}$ di ujung atau simpul (a) dan anion $\text{S}^{2-}$ di ujung atau simpul (b).....	192
Gambar 5.34.	Dua sel satuan konvensional untuk $\text{ZnS}$ dalam struktur wurtzite: (a) kation $\text{Zn}^{2+}$ di ujung sel satuan (simpul) dan (b) anion $\text{S}^{2-}$ di ujung sel satuan (simpul) .....	193
Gambar 5.35.	(a) dan (b) menunjukkan posisi ion milik sel satuan dari Gambar 5.34(a) dan Gambar 5.34(b) .....	193
Gambar 5.36.	(a) Tetrahedron yang ditentukan oleh atom tetangga terdekat dari anion $\text{S}^{2-}$ dalam $\alpha\text{-ZnS}$ . (b) Tetrahedron yang ditentukan oleh atom tetangga terdekat dari kation $\text{Zn}^{2+}$ dalam $\alpha\text{-ZnS}$ .....	194
Gambar 5.37.	Struktur rutile .....	199
Gambar 5.38.	Struktur rutile: (a) rantai linier arah sumbu c dan dan (b) lorong segiempat .....	200
Gambar 5.39.	Struktur anatas: (a) unie sel, (b) rantai zig-zag, (c) ikatan dua rantai zig-zag arah sumbu b, dan (d) bidang [010] .....	202
Gambar 5.40.	Struktur brookite dalam proyeksi: (a). [001] dan (b). [100] .....	203
Gambar 6.1.	(a). Produkdi sinar-X dari sumber target logam Cu $K_{\alpha}$ , dan (b). Spektrum emisi sinar-X dari sumber target logam Cu.....	207
Gambar 6.2.	Skema yang menunjukkan komponen penting dari tabung sinar-x modem. Berilium digunakan untuk jendela karena sangat transparan terhadap sinar-x .....	208

Gambar 6.3.	Spektrum sinar-X molibdenum pada potensial yang berbeda. Perbedaan potensial mengacu pada yang diterapkan antara anoda dan katoda. (Lebar garis radiasi karakteristik tidak berskala) .....	209
Gambar 6.4.	Diagram tingkat energi untuk ransisi sinar-X .....	209
Gambar 6.5.	Ilustrasi asal mula radiasi kontinu dalam spektrum sinar-x. Setiap elektron dengan energi awal $E_0$ kehilangan sebagian atau seluruh energinya melalui tumbukan dengan atom-atom target. Energi dari foton yang dipancarkan sama dengan energi yang hilang dalam tumbukan .....	210
Gambar 6.6.	Ilustrasi proses ionisasi kulit dalam dan emisi a selanjutnya sinar-x karakteristik: (a) elektron yang datang mengeluarkan elektron kulit K dari atom, (b) meninggalkan lubang di kulit K; (c) terjadi penataan ulang elektron, menghasilkan emisi foton sinar-x.....	211
Gambar 6.7.	Transisi elektron dalam sebuah atom, yang menghasilkan sinar-x karakteristik $K\alpha$ , $K\beta$ , dan $L\alpha$	212
Gambar 6.8.	Spektrum sinar-X molibdenum pada 35 kV. Skala yang diperluas di sebelah kanan menunjukkan penyelesaian garis $K\alpha_1$ dan $K\alpha_2$ .....	214
Gambar 6.9.	Diagram tingkat energi yang menunjukkan semua transisi elektron yang diizinkan dalam atom molybdenum .....	215
Gambar 6.10.	(a). Absorpsi ( $\mu$ ) dan emisi ( $I$ ) dari sinar-X, dan (b). spektrum emisi yang dihasilkan dengan menggunakan filter $\beta$ .....	216
Gambar 6.11.	Penghamburan sinar-x oleh atom .....	218
Gambar 6.12.	Ilustrasi superposisi gelombang.....	219
Gambar 6.13.	Variasi faktor hamburan atom tembaga, aluminium, dan oksigen dengan $(\sin \theta)/\lambda$ .....	220
Gambar 6.14.	Geometri Difraktometer Sinar-X.....	222
Gambar 6.15.	Susunan celah pada difraktometer.....	228
Gambar 6.16.	Puncak khas dalam pola difraksi sinar-x .....	229
Gambar 6.17.	Skema difraktometer dengan kristal monokromatis dalam berkas terdifraksi .....	230
Gambar 6.18.	Berkas sinar-x yang mengalami total refleksi dalam kapiler kaca berongga .....	230

Gambar 6.19.	Skema cermin multilayer.....	231
Gambar 6.20.	Detektor Proporsional .....	233
Gambar 6.21.	Detektor Kilau .....	234
Gambar 6.22.	Kurva distribusi tinggi pulsa untuk tiga detektor...	234
Gambar 6.23.	Detektor keadaan padat.....	236
Gambar 6.24.	Pola difraksi sinar-x aluminium.....	240
Gambar 6.25.	Pola difraksi sinar-X aluminium di mana intensitas puncak relatif telah ditingkatkan dengan memotong ketinggian puncak dari puncak yang paling intens.....	240
Gambar 6.26.	Perbandingan pola difraksi sinar x dari bahan dengan struktur kristal kubik yang berbeda .....	241
Gambar 6.27	Kartu JCPDS-ICDD untuk Silikon .....	246
Gambar 7.1.	XRD pada bidang parallel .....	252
Gambar 7.2.	Kisi Bravais kubik primitif (P), kubik pusat badan (I) .....	257
Gambar 7.3.	Kisi-kisi resiprok untuk struktur kristal kubik pusat badan ( <i>I</i> ) (Titik-titik kisi sesuai dengan ketidakhadiran sistematis telah dihilangkan, susunan titik sebenarnya merupakan kisi-kisi kubik pusat muka ( <i>F</i> ).....	258
Gambar 7.4.	Kisi-kisi resiprok untuk struktur kristal kubik pusat muka ( <i>F</i> ). (Titik-titik kisi sesuai dengan ketidakhadiran sistematis (tidak muncul) telah dihilangkan, susunan titik sebenarnya yaitu kisi-kisi kubik pusat badan ( <i>I</i> ) .....	260
Gambar 7.5.	Unit sel untuk struktur kristal heksagonal kemas rapat ( <i>hcp</i> ) menunjukkan empat sumbu dalam sistem indeks Miller-Bravais. Tiga sumbu bidang dasar yaitu x, y dan u yang semuanya setara dengan kristalografi dan sumbu z tegak lurus terhadap bidang dasar .....	262
Gambar 7.6.	Pola XRD senyawa TiO <sub>2</sub> dengan dua fasa: anatas dan rutile.....	266

ari Sutrisno, dkk.